

Algoritmi pretrage

Linearna pretraga

- Naziva se još i sekvencijalna pretraga
- Počinje od početka niza
- Sekvencijalno se proveravaju element niza jedan po jedan
- Kraj pretrage
 - Pronađen željeni element - uspešna pretraga, vraćemo indeks prvog pojavljivanja željenog elementa
 - Nije pronadjen željeni element - neuspešna pretraga, vraćamo rezultat -1

Linear Search



Implementacija algoritma za linearnu pretragu

```
static int LinSearch(int[] x, int a)
{
    int n = x.Length;

    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        if (x[i] == a)
        {
            return i;
        }
    }
    return -1;
}
```

Radnja	Broj jedinica vremena
Dužina niza	1
Inicijalizacija i = 0	1
Provera uslova i < n	n + 1
Poređenje x[i] == a	n
Inkrementiranje i++	n - 1
Vraćanje vrednosti (return)	1
Ukupno (najgori slučaj)	3n + 3

U najgorem slučaju imamo $3n+3$ instrukcija

$$T(n) = 3n+3$$
$$O(n) = n$$

Poziv algoritma za sekvencijalnu pretragu

```
static void Main(string[] args)
{
    int[] x = KreirajNiz(10);
    PisiNiz(x);
    Linija(70);

    Console.WriteLine("Unesi vrednost koju trzis");
    int a = int.Parse(Console.ReadLine());

    int indeks = LinSearch(x, a);

    if (indeks > -1)
    {
        Console.WriteLine($"Vrednost {a} pronadjena na poziciji {indeks}");
    }
    else
    {
        Console.WriteLine($"Vrednost {a} ne postoji u nizu");
    }

    Console.ReadLine();
}
```

Prikaz rezultata pretrage

```
C:\Users\Goran\source\repos\ASP07_01\ASP07_01\bin\Debug\ASP07_01.exe
40      39      75      49      22      84      59      84      97      94
Unesi vrednost koju trzis
59
Vrednost 59 pronadjena na poziciji 6
```

```
C:\Users\Goran\source\repos\ASP07_01\ASP07_01\bin\Debug\ASP07_01.exe
23      37      85      71      82      34      65      93      88      52
Unesi vrednost koju trzis
1
Vrednost 1 ne postoji u nizu
```

Analiza linearne pretrage

- Najbolji slučaj: tražena vrednost se nalazi na početku niza
 - 3 vremenske jedinice
 - Vremenska kompleksnost $O(1)$
- Najgori slučaj: tražena vrednost nije u nizu
 - $3 \cdot n + 3$
 - Vremenska kompleksnost je $O(n)$
- Prosečan slučaj: tražena vrednost se nalazi na poziciji i
 - Broj poređenja $3 \cdot i + 3, i < n$
 - Vremenska kompleksnost je $O(n)$

Linearna pretraga korišćenjem stražara (sentinel)

- Čuvamo poslednji element niza u pomoćnoj promenljivoj
- Traženu vrednost privremeno upisujemo na poslednji indeks niza (postavljamo stražara)
- Petlja while se izvršava dok se ne naiđe na vrednost jednaku traženoj (bilo da je to pravi element ili stražar)
- Nakon završetka petlje vraćamo originalni poslednji element niza
- Ako je pronađeni indeks manji od $n-1$, element je stvarno pronađen, u suprotnom moguće je da je pronađen stražar
- Izbegava se provera uslova $i < n$ u svakoj iteraciji ima manje instrukcija nego kod klasične pretrage
- Najveća ušteda je kada element ne postoji u nizu, jer sentinel uklanja proveru granice u svakoj iteraciji, pa je ukupno vreme značajno manje

Linearna pretraga korišćenjem stražara - implementacija

```
static int LinSearchSentinel(int[] x, int a)
{
    int n = x.Length;
    int poslednji = x[n - 1];
    x[n - 1] = a;
    int i = 0;
    while (x[i] != a)
    {
        i++;
    }
    x[n - 1] = poslednji;

    if ((i < n - 1) || (a == x[n - 1]))
    {
        return i;
    }
    else
    {
        return -1;
    }
}
```

$2*n+7$

Radnja	Broj jedinica vremena	Komentar
Određivanje dužine niza (int n = x.Length)	1	Jedinica vremena za određivanje dužine niza.
Čuvanje poslednjeg elementa (poslednji = x[n - 1])	1	Jedinica vremena za spremanje poslednjeg elementa.
Postavljanje poslednjeg elementa na traženi element (x[n - 1] = a)	1	Jedinica vremena za postavljanje poslednjeg elementa.
Inicijalizacija indeksa (i = 0)	1	Inicijalizacija promenljive i.
Provera uslova u while (x[i] != a)	n	Petlja se izvršava do kraja niza, uslov proveravamo n puta.
Inkrementiranje (i++)	n	Inkrementacija u svakoj iteraciji petlje, n puta.
Vraćanje poslednjeg elementa na mesto (x[n - 1] = poslednji)	1	Jedinica vremena za vraćanje poslednjeg elementa.
Provera uslova i < n - 1 u if izrazu.	1	Provera uslova i < n - 1 u if izrazu.
Provera uslova a == x[n - 1] u if izrazu.	1	Provera uslova a == x[n - 1] u if izrazu.
OR operacija	1	Operacija OR između provere i < n - 1 i a == x[n - 1].
	2n + 7	Ukupno vreme izvršavanja u najgorem slučaju.

Esperimentalno upoređivanje algoritama za linearnu pretragu

```
static void Main(string[] args)
{
    Console.WriteLine("Unesi broj članova niza: ");
    int n = int.Parse(Console.ReadLine());
    int[] x = KreirajNiz(n);
    PisiNiz(x);
    Linija(70);

    Console.WriteLine("Unesi vrednost koju trzis");
    int a = int.Parse(Console.ReadLine());

    Stopwatch t1 = new Stopwatch();
    t1.Start();
    int indeks1 = LinSearch(x, a);
    t1.Stop();
    TimeSpan vreme1 = t1.Elapsed;
    t1.Reset();

    t1.Start();
    int indeks2 = LinSearchSentinel(x, a);
    t1.Stop();

    TimeSpan vreme2 = t1.Elapsed;

    Console.WriteLine($"LinSearch:{vreme1}");
    Console.WriteLine($"LinSearchSentinel:{vreme2}");

    Console.WriteLine($"Indeks1: {indeks1}, Indeks2: {indeks2}");

    Console.ReadLine();
}
```

Rezultat eksperimenta

```
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
Unesi broj clanova niza:
100
8      20      49      31      3      93      40      54      12      13      41      49      11      83      67
58     86     93     68     15     33     74     25     20     57     5      75     80     96     72
73     6      95     82     25     20     24     92     62     5      33     90     24     68     98
37     46     53     79     19     8      34     68     47     14     34     96     29     75     98
18     60     59     41     41     36     55     30     59     47     34     95     32     64     83
43     51     57     23     20     60     22     2      77     64     39     38     48     69     91
25     96     17     64     87     73     32     84     28     63

Unesi vrednost koju trzis
67
LinSearch:00:00:00.0003170
LinSearchSentinel:00:00:00.0002879
Indeks1: 14, Indeks2: 14
```

Algoritam za linearnu pretragu sortiranog niza

```
static int LinSearchSort(int[] x, int a)
{
    int i = 0;
    int n = x.Length;
    for ( i = 0; i < n; i++)
    {
        if (x[i] >= a)
        {
            break;
        }

        if (x[i] == a)
        {
            return i;
        }
        else
        {
            return -1;
        }
    }
}
```

Radnja	Broj instrukcija
Inicijalizacija i = 0	1
Određivanje dužine niza n = x.Length	1
Inicijalizacija u for petlji i = 0	1
Provera uslova i < n	n + 1
Provera x[i] >= a	n
Inkrementacija i++	n
Provera x[i] == a posle petlje	1
return vrednost	1

$$T(n) = 3n + 6$$

Linearna pretraga sortiranog niza

- Poboljšava vreme pretrage kada tražena vrednost ne postoji u nizu
- Zahvaljujući sortiranosti, nije potrebno pretražiti ceo niz kao u nesortiranom slučaju
- Pretraga se prekida čim naiđemo na element veći ili jednak od traženog
- U odnosu na sentinel pretragu ($2n + 7$), linearna pretraga sortiranog niza ima veći broj instrukcija u najgorem slučaju ($3n + 6$), ali je u proseku brža jer se pretraga prekida čim naiđemo na element $\geq$ od traženog

Binarna pretraga



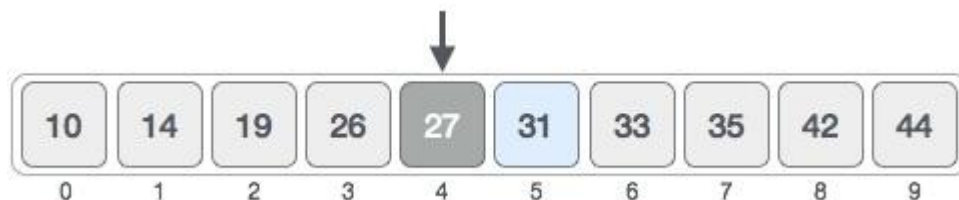
traži se broj $a=31$

Niz sa kojim radimo mora biti sortiran.

donja =0;

gornja =9

sredina = (donja + gornja)/2 = (9+0)/2 = 4 - zaokružujemo na manju vrednost



$x[4] = 27 < a$

ako je $a == x[sredina]$, pronađena vrednost, kraj pretrage

ako je $a > x[sredina]$, pretražuje se desni podniz

ako je $a < x[sredina]$, pretražuje se levi podniz

Binarna pretraga



traži se broj $a=31$

sredina = 4; // stara vrednost

donja = sredina + 1 = 5; // kada se pretražuje desni podniz

gornja = 9

sredina = (donja + gornja)/2 = (5+9)/2 = 7



$x[7] = 35 > a$

Binarna pretraga

10	14	19	26	27	31	33	35	42	44
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

traži se broj $a=31$

$sredina = 7$; // stara vrednost

$donja = 5$;

$gornja = sredina - 1 = 6$ // kada se pretražuje levi podniz

$sredina = (donja + gornja)/2 = (5+6)/2 = 5$

$x[5] = 31 = a$

Implementacija algoritma

```
static int BinSearch(int[] x, int a)
{
    int n = x.Length;
    int gornja = n - 1;
    int donja = 0;
    int sredina;

    while (donja <= gornja)
    {
        sredina = (donja + gornja) / 2;

        if (a == x[sredina])
        {
            return sredina;
        }
        else if (a < x[sredina])
        {
            // pretrazujem levi podniz
            gornja = sredina - 1;
        }
        else
        {
            // pretrazujem desni podniz
            donja = sredina + 1;
        }
    }
    return -1;
}
```

Analiza algoritma binarne pretrage

- Na početku 1. iteracije, dužina oblasti pretrage iznosi n
- Na početku 2. iteracije, dužina oblasti pretrage iznosi približno $n/2$
- Na početku 3. iteracije, dužina oblasti pretrage iznosi približno $n/4$
- Na početku poslednje m -te iteracije, dužina oblasti pretrage iznosi približno $n / 2^{m-1}$

Analiza algoritma binarne pretrage -2

$$n / 2^{m-1} = 1$$

$$m - 1 = \log_2 n$$

$$m = \log_2 n + 1$$

$$\mathbf{T(n) \approx m = \log_2 n}$$

za $n = 1000$ broj poređenja nije veći od 10

Vremenska složenost algoritma binarne pretrage je **$O(\log n)$**

Pitanje 1

Vremenska složenost algoritma linearnog pretraživanja je:

- a. $O(n)$
- b. $O(\log n)$
- c. $O(n^2)$

Odgovor: a

Pitanje 2

Vremenska kompleksnost algoritma binarnog pretraživanja je:

- a. $O(n)$
- b. $O(\log n)$
- c. $O(n^2)$

Odgovor: b

Pitanje 3

Algoritam binarnog pretraživanja:

- a. zahteva da podaci prethodno budu sortirani
- b. ne zahteva da podaci prethodno budu sortirani
- c. radi i sa sortiranim i nesortiranim podacima

Odgovor: a

Pitanje 4

Koja verzija linearne pretrage ima najmanji broj instrukcija u najgorem slučaju?

- a. Klasična linearna(sekvencijalna) pretraga
- b. Linearna pretraga sa stražarom
- c. Linearna pretraga sortiranog niza

Odgovor: b

Pitanje 5

Šta je glavna prednost sentinel pretrage?

- a. Nije potrebno poređenje vrednosti
- b. Izbegava se provera granice u svakoj iteraciji
- c. Može da prekine pretragu ranije jer je niz sortiran

Odgovor: b

Pitanje 6

Koja pretraga najranije prekida rad u prosečnom slučaju kada traženi element ne postoji u nizu?

- a. Klasična linearna pretraga
- b. Linearna pretraga sortiranog niza
- c. Linearna pretraga sa stražarom

Odgovor: b

Pitanje 7

U kom slučaju linearna pretraga sa stražarom ostvaruje najveću uštedu u odnosu na običnu linearnu pretragu?

- a. Kada je traženi element na početku niza
- b. Kada je niz sortirani rastuće
- c. Kada se traženi element ne nalazi u nizu

Odgovor: c